
I-1. Ein Fahrzeug mit der Anfangsgeschwindigkeit v_0 erreicht bei t=0 eine 260 m lange gerade Teststrecke. Während der nächsten 10 s wird es gleichmäßig mit a_0 beschleunigt, fährt anschließend 80 m mit gleichförmiger Geschwindigkeit und wird danach mit konstanter Verzögerung bis zum Stillstand bei $s=260\,m$ abgebremst. Entlang der Teststrecke werden folgende Weg-Zeit-Werte ermittelt:

s/m 0 55 140 220 260 t/s 0 5 10 14 18

- **a.** Skizzieren Sie die *s-t-*, *v-t-* und *a-t-*Diagramme.
- **b.** Wie groß ist die Durchschnittsgeschwindigkeit auf der Teststrecke?
- **c.** Wie groß ist die Anfangsgeschwindigkeit v_0 und die Beschleunigung a_0 ?
- **d.** Wie groß ist die Höchstgeschwindigkeit v_E des Fahrzeugs?
- **e.** Mit welcher Verzögerung a_R wird das Fahrzeug abgebremst?
- **I-2.** Der Sprintweltrekord über die 50 m Strecke liegt bei 5,56 s, der über die 60 m Strecke bei 6,39 s. Nehmen Sie an, dass ein Sprint als Überlagerung einer gleichmäßig beschleunigten und einer gleichförmigen Bewegung mit für verschiedene Sprintstrecken näherungsweise gleicher Beschleunigung a_0 und Höchstgeschwindigkeit v_0 beschrieben werden kann.
- **a.** Bestimmen Sie die Höchstgeschwindigkeit v_0 und die Beschleunigung a_0 aus den Angaben für die 50 m und 60 m Strecken.
- **b.** Nehmen Sie an, dass man auf der 100 m Strecke die gleichen Beschleunigungs- und Höchstgeschwindigkeitswerte erreichen kann. Welche Weltrekordzeit für die 100 m Strecke könnte nach den unter I 2a. bestimmten Werten erwartet werden?
- **c.** Der aktuelle Weltrekord (Usain Bolt, Olympiade 2008 in Peking) über 100 m liegt bei 9,69 s. Wenn man annimmt, dass die Beschleunigungen bei den Sprintstrecken gleich sind, welcher Höchstgeschwindigkeit entspricht die Weltrekordzeit über die 100 m Strecke?
- **I-3.** Zwei Fahrzeuge fahren mit gleicher Geschwindigkeit $v_0 = 108 \, km \, h^{-1}$ an der Raststätte Harz der A7 im zeitlichen Abstand von 30 s vorbei (Fahrzeug 1 fährt voraus, Fahrzeug 2 folgt hinterher). Fahrzeug 1 beginnt auf der Höhe der Raststätte, mit der Bremsbeschleunigung $-0.4 \, m \, s^{-2}$ abzubremsen, während Fahrzeug 2 seine Geschwindigkeit beibehält.
- a. Zeichnen Sie das Weg-Zeit Diagramm
- **b.** In welcher Distanz zur Raststätte Harz hat Fahrzeug 2 das Fahrzeug 1 eingeholt?
- I-4. Zur Pfahlgründung bei Brücken oder Hafenanlagen verwendet man oft den "Freifallbären". Es handelt sich dabei um eine Ramme, bei der eine Masse entweder hydraulisch oder mit Dampf- oder Dieselwinden auf eine bestimmte Höhe gehoben und dann frei fallen gelassen wird. Man kann annehmen, dass der Hebevorgang einer gleichförmigen Bewegung entspricht.

Die Schlagzahl eines Freifallbären wird mit $50 \,\mathrm{min}^{-1}$ und die Hubgeschwindigkeit mit $2 \,m\,s^{-1}$ angegeben. Wie groß ist der Fallweg?



Abb. 1 Historische Ramme

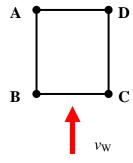
II-1. Eine Masse (1) wird bei t = 0s aus einer Höhe von 10 m aus der Ruhe fallengelassen. Eine zweite Masse (2) wird genau in diesem Augenblick mit der Anfangsgeschwindig-

keit v_{02} der fallenden Masse entgegen geschossen. Die Körper treffen in halber Höhe aufeinander.

- Nach welcher Zeit treffen sich die beiden Körper? Wie groß ist die Abschussgeschwindigkeit v_{02} der Masse (2)?
- II-2. Ein Tennisball soll 20 m senkrecht nach oben geworfen werden.
- **a.** Welche Anfangsgeschwindigkeit muss der Ball haben?
- **b.** Wie weit fliegt ein Ball, der mit gleicher Anfangsgeschwindigkeit unter einem Winkel von 60° geworfen wird?
- **c.** Wie weit könnte der Ball mit gleicher Anfangsgeschwindigkeit maximal geworfen werden? Unter welchem Winkel muss der Ball geworfen werden?
- **II-3.** Ein Flugzeug fliegt vom Flughafen Hannover nach Berlin-Schönefeld. Die Entfernung beträgt 280 km, die Fluggeschwindigkeit 210 km h⁻¹. Ohne Windeinfluss wäre die Kursrichtung 90° (Kursrichtung von West nach Ost). Während des Fluges herrscht jedoch Wind mit 60 km h⁻¹ aus 180° (aus Süden).
- **a.** Welchen Kurs muss das Flugzeug unter Berücksichtigung des Windes fliegen, um in der kürzesten Zeit Berlin-Schönefeld zu erreichen?
- **b.** Welche Geschwindigkeit hat das Flugzeug über Grund?
- **c.** Welche Zeit benötigt es mit Wind, und wie lange hätte der Flug ohne Windeinfluss gedauert?

<u>Hinweis:</u> Verwenden Sie die Vektordarstellung der Geschwindigkeiten in einem x-y. Koordinatensystem.

- **II-4.** Ein Flugzeug fliegt den Kurs entlang der Punkte $A \to B \to C \to D \to A$. Die Seitenlänge des Quadrats beträgt 100 km, die Fluggeschwindigkeit 200 km h⁻¹.
- **a**. Berechnen Sie die Flugzeit unter der Annahme, dass während des Fluges kein Seitenwind herrscht.
- **b**. Berechnen Sie die Flugzeit unter der Annahme eines konstanten Seitenwindes $v_W = 40 \text{ km h}^{-1}$, der senkrecht bezüglich der Strecken B \leftrightarrow C und A \leftrightarrow D wirkt.
- c. Vergleichen Sie die unter **a.** und **b.** berechneten Flugzeiten. Überlegen Sie folgende Anwendung: Bei welchen Windbedingungen sollte man z. B. in der Leichtathletik Rekordbedingungen über Laufstrecken von 400 m haben?



II-5. Die Festung Königstein in Sachsen besitzt einen berühmten Tiefbrunnen. Dessen Tiefe soll durch Abwurf eines schweren Gegenstands bestimmt werden, wobei die Luftreibungseffekte während des freien Falls vernachlässigt werden können. Für die Zeitdifferenz zwischen Loslassen des Gegenstands am oberen Brunnenrand (mit v(t=0)=0) und der Rückkehr des Auftreffschalls werden 6,0 s gemessen. Die Schallgeschwindigkeit beträgt $c_0 = 343\,m\,s^{-1}$.

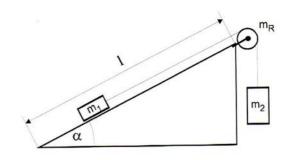
Wie tief ist der Brunnen?

.....

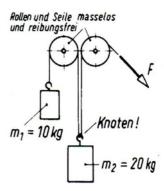
- **III-1.** Ein PKW wird auf einer 1000 m langen <u>geraden</u> Strecke getestet: Er wird von 0 km/h auf 120 km/h in 13,3 s beschleunigt, fährt anschließend mit konstanter Geschwindigkeit und wird auf den letzten 100 m bis zum Stillstand abgebremst.
- **a.** Skizzieren Sie die *a-t*, *v-t* und *s-t*-Diagramme.
- **b.** Bestimmen Sie die Beschleunigung a_0 und die Beschleunigungsstrecke s_a .
- c. Wie lang ist der Streckenabschnitt, der mit konstanter Geschwindigkeit gefahren wird?
- **d.** Wie groß sind die Bremsverzögerung a_b und die Bremszeit t_b ?

 Betrachten Sie jetzt eine Testfahrt auf einer <u>kreisförmigen</u> Strecke mit R = 120 m:
- **e.** Wie groß ist die Gesamtbeschleunigung, wenn die Bahnbeschleunigung gleich der in Aufgabe **b** ermittelten Beschleunigung a_0 der geraden Teststrecke ist und der Punkt der betrachtet werden soll, an dem die Bahngeschwindigkeit des Fahrzeugs $v_1 = 72 \text{ km h}^{-1}$ beträgt.
- **f.** Wie groß ist die Gesamtbeschleunigung a_{ges} , kurz <u>vor dem Erreichen</u> der konstanten Bahngeschwindigkeit von $v_t = 120 \text{ km h}^{-1} \triangleleft ?$ In welche Richtung zeigt der Beschleunigungsvektor? (Man verwende den Wert $v_t = 120 \text{ km h}^{-1}$ für Bahngeschwindigkeit)
- Wie groß ist die Gesamtbeschleunigung a_{ges} , kurz nach dem Erreichen der konstanten Bahngeschwindigkeit von $v_t = 120 \ km \ h^{-1}$? In welche Richtung zeigt der Beschleunigungsvektor? (Man verwende auch hier den Wert $v_t = 120 \ km \ h^{-1}$ für die Bahngeschwindigkeit)
- III-2. Motorräder fahren üblicherweise Kurven mit einer Schräglage (charakterisiert durch den Winkel α im Bild rechts), so dass die Resultierende aus dem negativen Vektor der Erdbeschleunigung $-\vec{g}$ und Vektor der Radialbeschleunigung a_r (entspricht der Zentripetalbeschleunigung) parallel zur Hochachse (\mathbf{H}) verläuft. Bauartbedingt kann im vorliegenden Beispiel die Schräglage $\alpha_{\max} = 45^{\circ}$ nicht überschritten werden.
- a. Betrachten Sie eine gleichmäßig beschleunigte Motorradfahrt auf einer Kreisstrecke mit Radius R = 62,5 m. Das
 Motorrad startet aus dem Stand heraus und passiert in den Abständen von 10 m und
 20 m Lichtschranken. Die Messung der Zeitdifferenz zwischen dem Passieren der
 Lichtschranken ergibt 1,0 s. Wie groß ist die Bahnbeschleunigung?
- **b.** Nach welcher Fahrtstrecke auf dem Kreis wird die maximale Schräglage $\alpha_{max} = 45^{\circ}$ erreicht?
- **c.** Welche Gesamtbeschleunigung a_{ges} hat das Motorrad in diesem Punkt?
- **d.** Der Weg bis zum Erreichen der maximale Schräglage $\alpha_{\text{max}} = 45^{\circ}$ sei S_{max} . Wie groß ist die Gesamtbeschleunigung nach der Wegstrecke $S_{\text{max}}/2$ und welche Schräglage hat das Motorrad an diesem Punkt?

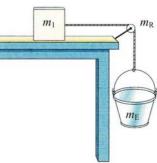
IV-1. Eine Masse ($m_1 = 20 \, kg$) wird von einem zweiten Körper (Masse $m_2 = 25 \, kg$) auf einer schiefen Ebene mit einem Neigungswinkel von $\alpha = 15^{\circ}$ und der Länge $l = 5 \, m$ hochgezogen. Die Gleitreibungszahl beträgt $\mu_G = 0,1$. Die Masse der Rolle und des Seils soll vernachlässigt werden ($m_R \cong 0$).



- **a.** Mit welcher Beschleunigung bewegen sich die Körper?
- **b.** Wie lange benötigt m_1 , um die Strecke l zu durchlaufen?
- **c.** Wie groß ist die Seilkraft?
- **IV-2.** Ein Körper m_2 mit einer Masse von 20 kg wird durch die Gewichtskraft der Masse $m_1 = 10 \, kg$ an dem nach links und die Kraft F an dem nach rechts führenden Seilende angehoben. Das Seil und die Rollen seien masselos gedacht. Der Körper m_2 ist mit einem Knoten am Seil befestigt.
- a. Mit welcher Kraft F muss an dem rechten Seilende gezogen werden, wenn sich der Körper m_2 mit einer Beschleunigung $a = \frac{g}{2}$ nach oben bewegen soll?



- **IV-3.** Eine Masse $m_1 = 10\,kg$, die auf einem Tisch ruht, ist über ein Seil mit einem Eimer (Masse des leeren Eimers $m_E = 1kg$) verbunden. Das (masselose) Seil wird über eine zylinderförmige Umlenkrolle umgelenkt, deren Masse vernachlässigt werden kann.
- a. Die Haftreibungszahl der Masse m_1 auf dem Tisch beträgt $\mu_{H,\text{max}} = 0,5$. Welche Masse Wasser muss in den Eimer gefüllt werden, damit die Masse gleitet?
- **b.** Die Gleitreibungszahl der Masse m_1 auf dem Tisch beträgt $\mu_{H,\text{max}} = 0,4$. Wie groß ist die Beschleunigung, wenn der Eimer mit der in **a.** bestimmten Masse Wasser gefüllt ist?



- **V-1.** Die Massen $m_1 = 20 \ kg$ und $m_2 = 10 \ kg$ sind in der gezeigten Anordnung mit einem Seil verbunden, das durch eine Umlenkrolle umgelenkt wird. Die Massen des Seils und der Rolle können vernachlässigt werden. Der Steigungswinkel der schiefen Ebene betrage $\theta = 20^{\circ}$.
- 20 kg
 10 kg
 20°

Teilsystem

Aufg. V-2a.

R1

 F_{Z1}

- a. Die Haftreibung zwischen m_1 und m_2 und zwischen m_2 und der schiefen Ebene (SE) soll gleich sein. Welchen Wert darf die Haftreibungszahl $\mu_{H,\max}$ nicht überschreiten, damit die Massen gleiten können?
- **b.** Beim Gleiten soll die Gleitreibungszahl $\mu_G=0,05$ betragen. Wie groß ist die Beschleunigung a? Wie groß sind die Seilkräfte
- c. im Haftreibungsfall, mit dem Maximalwert für $\mu_{H,\max}$ wie in **Teil a.** berechnet,
- **d.** im Gleitfall wie in **Teil b.** beschrieben?
- **V-2.** Abbildung 1 zeigt einen doppelten Flaschenzug mit $m_1 = 1 kg$, $m_2 = 2 kg$ und $m_3 = 3 kg$. Zur Vereinfachung vernachlässige man die Massen der Seile und Rollen. Ziel ist es, die Seilkräfte und die Beschleunigung der Masse m_3 zu bestimmen.

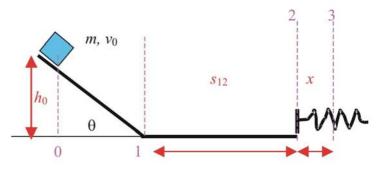
Vorschlag für einen Lösungsansatz:

- Man betrachte das Teilsystem mit den Massen m_1 und m_2 an der kleinen Rolle (RI im roten Kreis) zunächst als <u>ruhend</u> (gemeint ist, dass die Rolle RI sich zwar drehen, nicht aber vertikal bewegen kann) und leite zunächst für das <u>ruhende</u> Teilsystem eine Beziehung für die Kraft $F'_{Z4}(m_1, m_2, g)$ her, mit der das Teilsystem das nach oben führende Seil belastet. Wird anschließend das Teilsystem bestehend aus RI und den Massen m_1 und m_2 mit $\pm a$ beschleunigt, kann g durch $(g \pm a)$ ersetzt werden, um F_{Z4} in einem bewegten System zu erhalten.
- **b.** Man berechne unter Verwendung der Beziehung für F_{Z4} die Beschleunigung der Masse m_3 .
- **c.** Bestimme die Seilkräfte F_{Z1} , F_{Z2} , F_{Z3} und F_{Z4} .

Abb. 1

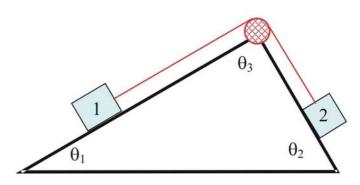
.....

VI-1. Die Masse m = 1kg rutscht mit der Anfangsgeschwindigkeit $v_0 = 4m s^{-1}$ aus einer Höhe von $h_0 = 0.5m$ eine schiefen Ebene mit Steigungswinkel $\theta = 30^{\circ}$ hinab. Anschließend rutscht sie auf einer Strecke $s_{12} = 2m$ horizontal weiter und trifft am Ende auf eine Feder mit der Federkonstanten



 $D=5000~N~m^{-1}$. Die Gleitreibungszahl beträgt auf dem gesamten Weg $~\mu_{G}=0,2$.

- **a.** Berechnen Sie die Gesamtenergie E_{ges} , die kinetischen Energien E_{kin} und die Reibungsarbeiten W_R in den Punkten 1 und 2 der Bahn, sowie die an der Feder geleistete elastische Verformungsarbeit W_{E3} im Punkt 3.
- **b.** Wie groß ist der Federweg *x*?
- c. Wie groß müsste die Anfangsgeschwindigkeit v'_0 gewählt werden, damit die Masse nach dem Rückprall wieder genau die Anfangshöhe h_0 ohne Geschwindigkeit erreicht? (Vernachlässigen Sie zur Vereinfachung die Reibung entlang des Federweges x)
- VI-2. Auf unterschiedlich geneigten Dachflächen (siehe Skizze) liegen zwei Massen mit $m_1 = m_2 = 1 kg$, die durch ein Seil verbunden sind. Das Seil wird auf der Dachspitze mit einer Rolle umgelenkt. Die Massen von Seil und Rolle sollen vernachlässigt werden. Die Winkel betragen: $\theta_1 = 30^\circ$ und $\theta_2 = 60^\circ$.



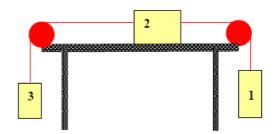
- a. Betrachten Sie die Kräfte, die auf die beiden Massen m_1 und m_2 wirken. Wie groß muss die Haftreibungszahl $\mu_{H,max}$ mindestens sein, damit die Massen nicht gleiten können?
- **b.** Man stelle sich vor, links und rechts der Umlenkrolle wären Kraftmessgeräte im Seil. Welche Seilkräfte zeigen diese an, solange sich die Massen <u>nicht</u> bewegen?
- C. Man nehme jetzt an, dass die in Aufgabe 7.a. berechnete Haftreibungszahl $\mu_{H,max}$ unterschritten werde (z. B. durch Regen, der auf das Dach fällt). Die beiden Massen beginnen zu gleiten. In welche Richtung? Die Gleitreibungszahl während des Rutschvorganges soll dann (einheitlich für m_1 und m_2) $\mu_G = 0.2$ betragen. Wie groß ist die Beschleunigung?
- d. Bestimmen Sie die Kräfte (einschließlich der Trägheitskräfte), die auf die bewegten Massen m_1 und m_2 wirken. Geben Sie Betrag und Richtung der Kräfte an. Berechnen Sie erneut die Seilkräfte.

- **VI-3.** Eine Kette der Masse $m_{ges} = 1kg$ mit homogener Massenverteilung und Gesamtlänge l = 1 m liegt auf einem Tisch (siehe Abb.).
- a. Die Kette gleitet vom Tisch, wenn das überhängende Stück mindestens $x_0 = 0,3m$ lang ist. Wie groß ist die Haftreibungszahl $\mu_{H,\max}$?
- b. Man betrachte die Gleitbewegung: Wie lauten die Gleichungen der Beschleunigungsfunktion a(x) für $x_0 < x < l$ und für $x \ge l$? Die Gleitreibungszahl soll 10% kleiner als die Haftreibungszahl sein. Zeichnen Sie die Funktion a(x).

<u>Hinweis:</u> Man kann eine dimensionslose Darstellung wählen, mit $\frac{x}{l}$ auf der Abszisse und $\frac{a}{g}$ auf der Ordinate.

c. Welche Geschwindigkeit hat die Kette, wenn sie in voller Länge von der Tischplatte geglitten ist?

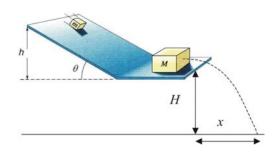
- **VII-1.** Ein Wagen der Masse $m = 1600 \, kg$ soll innerhalb einer Zeit von t = 2,5 Minuten eine Rampe der Länge $s = 190 \, m$ mit einer Steigung von 16% aus dem Stillstand hochgezogen werden. Die Bewegung sei gleichmäßig beschleunigt. Die Rollreibungszahl beträgt $\mu_R = 0,1$. Welche Leistung muss der Motor bei einem Wirkungsgrad von $\eta = 0,75$ aufbringen?
- **a.** Man kann die mittlere und die maximale Leistung aus Kraft und Geschwindigkeit bestimmen.
- Alternativ kann die mittlere Leistung aus den benötigten Energien und den geleisteten Arbeiten bestimmen.
 (Allgemeiner Hinweis: Steigung ist der Quotient aus der Höhenänderung und dem entsprechenden horizontalen Weg)
- **VII-2.** Drei Massen, $m_1 = 2 \text{ kg } m_2 = 3 \text{ kg und}$ $m_3 = 1 \text{ kg}$, sind mit (masselosen) Seilen verbunden. m_2 liegt auf einer horizontalen Unterlage, m_1 und m_3 hängen senkrecht an den Seilen herab. Die Seile werden mit masselosen Rollen mit Radius R = 0,1 m umgelenkt.



- **a.** Welche Haftreibungszahl $\mu_{H,max}$ muss für m_2 unterschritten werden, damit sich die Massen bewegen?
- **b.** Die Gleitreibungszahl μ_G für m_2 betrage 0,2. Wie groß ist die Beschleunigung der Massen?
- **c.** Wie groß ist die Winkelbeschleunigung der Rollen?

Welche Drehzahl haben die Umlenkrollen, wenn sich die Massen aus der Ruhe heraus um die Strecke s = 1 m bewegt haben?

- **d.** Verwenden Sie zur Lösung zunächst die kinematischen Gleichungen.
- **e.** Bestimmen Sie die Drehzahl alternativ mit Hilfe des Energieerhaltungssatzes.
- **VII-3.** Betrachten Sie eine schiefe Ebene auf einem Tisch mit der Höhe H=1,0m. Ein Block der Masse m=1kg gleitet diese schiefe Ebene mit Neigungswinkel $\theta=40^\circ$ hinab. In der Ausgangshöhe $h=80\,cm$ besitzt er die Geschwindigkeit $v_0=3\,m\,s^{-1}$. Am Ende der Ebene stößt er auf einen Block der Masse $M=5\,kg$. Der gestoßene Block verlässt die Ebene und fällt die Tischhöhe H hinab. Der Aufschlagpunkt liegt $x=55,9\,cm$ von der Tischkante entfernt.



a. Wie viel Prozent der ursprünglichen kinetischen Energie der Masse m gehen beim Stoß der Massen m und M durch Verformung und/oder Wärme verloren? (Hinweis: Die Blöcke können als Massenpunkte behandelt werden, die reibungsfrei gleiten.)

VIII-1. Eine Rangierlok der Masse 25 t, die einen (nicht angekuppelten) Waggon der Masse 10 t vor sich her schiebt, wird gleichmäßig beschleunigt. Sie soll in 5 s aus dem Stand heraus eine Endgeschwindigkeit von 18 km/h erreichen. Dabei ist ständig eine Reibungskraft von 5 kN

vorhanden.

a. Wie groß ist die maximale und wie groß die mittlere Leistung, die die Lok aufbringen muss?

Nach Erreichen der Endgeschwindigkeit bremst die Lok, der geschobene Waggon löst sich und rollt mit konstanter Geschwindigkeit weiter. Nach einer reibungsfreien Fahrt stößt er auf <u>drei</u> stehende, aneinander gekuppelte gleiche Waggons mit jeweils 10 t Masse und kuppelt automatisch an diese an.









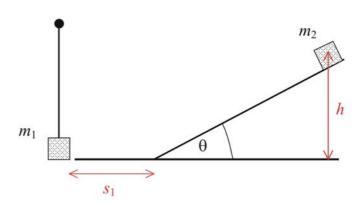




- **b.** Mit welcher gemeinsamen Geschwindigkeit rollen die <u>vier</u> Waggons weiter?
- c. Wie groß ist der <u>relative Energieumsatz</u> in der Kupplung? (<u>Hinweis</u>: Gesucht ist der Energieverlust Q beim Stoß geteilt durch die kinetische Energie E_{kin}^0 des stoßenden Waggons.)
- **d.** Welche Kraft muss die Kupplung aufbringen, wenn die Ankupplungszeit circa 0,75 s beträgt?

VIII-2. Ein Körper der Masse

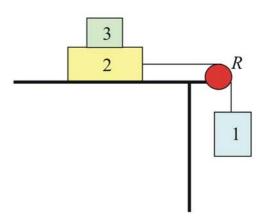
 $m_2 = 1kg$ gleitet aus der Höhe h = 1m eine schiefe Ebene mit dem Neigungswinkel $\theta = 30^{\circ}$ hinab. Anschließend rutscht er auf einem horizontalen Streckenabschnitt der Länge $s_1 = 1m$ und stößt am Ende auf einen Pendelkörper mit der Masse



 $m_1 = 0.5 \, kg$. Die Gleitreibungszahl auf der gesamten Strecke beträgt $\mu_G = 0.1$. Berechnen Sie, <u>wie hoch</u> das Pendel mit der Masse m_1 ausschwingt (Masse der Pendelstange kann vernachlässigt werden), für folgende Bedingungen:

- **a.** Einen (vollkommen) **elastischen Stoß** zwischen den Massen m_2 und m_1 .
- b. Einen unelastischen Stoß zwischen den Massen m_2 und m_1 , wobei als Zusatzbedingung angenommen werden soll, dass beim Stoß 25% der kinetischen Energie in Verformungs- bzw. Wärmeenergie umgewandelt wird.
- c. Einen vollkommen unelastischen Stoß.
- **d.** Wie groß ist der Energieverlust beim vollkommen unelastischen Stoß (**V1c**.) relativ zur kinetischen Energie des Körpers m_2 direkt vor dem Stoß?

IX-1. Auf einem Tisch liegen zwei Blöcke $m_2 = 3kg$ und $m_3 = 1,5kg$ übereinander. Die Gleitreibungszahlen zwischen Block Nr.2 und dem Tisch und zwischen den beiden Blöcken Nr. 2 und Nr. 3 betragen $\mu_G = 0,3$, die Haftreibungszahlen $\mu_{H,max} = 0,4$. Der Block Nr. 1 ist mit einem Seil, das über eine Umlenkrolle geführt ist, mit dem Block Nr.2 verbunden. (Seil und Umlenkrolle sollen als masselos betrachtet werden.)



a. Überlegen Sie zunächst, was passieren würde, wenn weder Haftreibung noch Gleitreibung vorhanden wäre. Würde sich der Block Nr. 3 bewegen? Bestimmen Sie die Beschleunigung des Blocks Nr. 2, wenn der Block Nr. 1 eine Masse von $m_1 = 2kg$ besitzt?

Berücksichtigen Sie im Folgenden die genannten Reibungszahlen:

- **b.** Wie groß muss die Masse des Blocks Nr. 1 mindestens sein (m_{1a}) , damit der Block m_2 bewegt werden kann?
- **c.** Wie groß darf die Masse des Blocks Nr. 1 höchstens sein (m_{1b}), damit der Block Nr. 3 auf dem Block Nr. 2 haften bleibt?
- **d.** Wie groß ist die Beschleunigung des Blocks Nr. 2, wenn für die Masse des Blocks Nr. 1 gilt $m_1 = 2kg$? (Hinweis: Überlegen Sie zunächst, was bei dem gegebenen Wert von m_1 mit Block Nr. 3 passiert).
- e. Die Masse des Blocks Nr. 1 soll $m_1 = 8kg$ betragen. Bestimmen Sie die Beschleunigung für Block Nr. 2 (a_2) und für Block Nr. 3 (a_3) .
- **f.** Skizieren Sie die Ergebnisse für die Beschleunigungen $a = a_1 = a_2$ und a_3 als Funktion der Masse m_1 des Blocks Nr. 1. Diskutieren Sie den Verlauf und die Sprungstellen.
- **IX-2.** Eine Pendelmasse $m_a = m$ mit der Geschwindigkeit $v_a = 1 \, m \, s^{-1}$ stößt elastisch auf zwei in Ruhe nebeneinander hängende Pendel mit der Masse $m_b = 2 \, m$ und $m_c = m$.

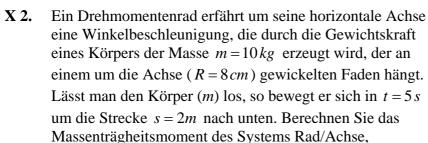
Beim Stoßvorgang befinden sich alle Schwerpunkte auf gleicher Höhe (gestrichelten Linie).

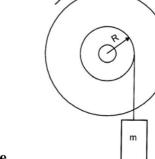
- **a.** Wie groß sind nach dem Stoß die Geschwindigkeiten u_a der Masse m_a und u_c der Masse m_c ? (15)
- **b.** Wie viel Prozent der ursprünglichen Energie von m_a wird auf m_c übertragen? (10)
- 2 m m

c. Wie verteilt sich die Energie nach den Stoßvorgängen auf die Massen m_a und m_b ?

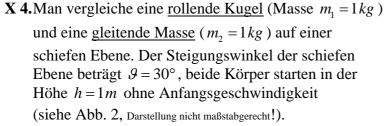
_

- **X 1.** Berechnen Sie das Massenträgheitsmoment für folgende Körper mit **homogener Dichte**. Die Körper sollen jeweils die Gesamtmasse m_{ges} besitzen. Die gestrichelte Linie zeigt die Drehachse. Das Ergebnis soll in der Form $J_{ges} = x \cdot m_{ges} \cdot R^2$ angegeben werden, wobei der Faktor x aus den Angaben zur Geometrie zu bestimmen ist..
- a. Hantel senkrecht zur Symmetrieachse: Radius der Kugeln R, Länge der Verbindungsstange $L = 2 \cdot R$, Radius der Verbindungsstange $r = 0, 2 \cdot R$.
- b. Hantel parallel zur Symmetrieachse: Radius der Kugeln R, Länge der Verbindungsstange $L = 2 \cdot R$, Radius der Verbindungsstange $r = 0, 2 \cdot R$.

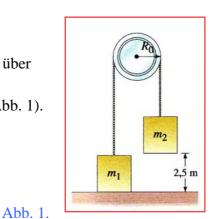




- a. indem Sie die am System wirkenden **Kräfte und Momente** betrachten,
- b. indem Sie den Energieerhaltungssatz anwenden.
- **X 3.** Eine Masse ($m_1 = 1kg$) ist mit einem (masselosen) Seil über eine Umlenkrolle (homogener Zylinder) der Masse $m_R = 0.5 kg$ mit einer zweiten Masse m_2 verbunden (Abb. 1).
- **a.** Wie groß ist muss m_2 sein, um s = 2,5m in t = 1s zu durchfallen?
- **b.** Welche Höchstgeschwindigkeit erreichen die Massen?
- **c.** Wie groß ist die mittlere Leistung, wie groß die Maximalleistung?



a. Wie groß muss die Gleitreibungszahl für die Masse m_2 sein, damit sie in gleicher Zeit wie die Kugel m_1 unten ankommt?



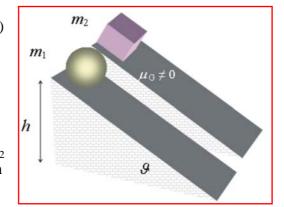
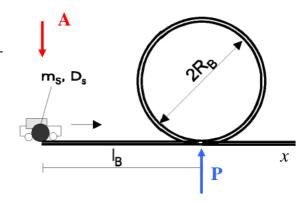


Abb. 2.

.....

XI-1. Ein Student möchte sein neues Weihnachtsgeschenk, ein Spielzeugauto und eine Loopingbahn testen. Das Auto hat eine Masse von $m_A = 200 \, g$ mit Schwungradantrieb (Vollscheibe mit der Masse $m_S = 50 \, g$, Durchmesser $D_S = 4 \, cm$) und die Loopingbahn besteht aus einer horizontaler Anlaufstrecke der Länge $l_B = 50 \, cm$



und einer Loopingschleife mit Radius $R_B = 20\,cm$. Das Schwungrad dient nicht nur als Energiespeicher, sondern auch als Antriebsrad (d. h. die Umfangsgeschwindigkeit des Rades entspricht der Fahrgeschwindigkeit des Autos).

- a. Das Auto soll durch die Loopingschleife fahren können. Bestimmen Sie die kleinste Geschwindigkeiten v_{\min} , die es im höchsten Punkt der Schleife haben kann, ohne herabzufallen. (Betrachten Sie dazu das Auto näherungsweise als <u>Massenpunkt</u>, der sich reibungsfrei bewegt.)
- **b.** Bestimmen Sie die Geschwindigkeit v_p , die das Auto im Punk (P) (Einfahrt in die Loopingschleife) haben muss, um die im Aufgabenteil **a.** genannten Bedingungen zu erfüllen.
- Skizzieren Sie die Funktion der Normalkraft, die auf das Auto entlang der Fahrtstrecke x wirkt ($x > l_B + \pi \cdot (2R_B)$).Betrachten Sie hierzu die Geschwindigkeit v bei (\mathbf{P}), insbesondere v_{links} für $x = l_B \varepsilon$ und v_{rechts} für $x = l_B + \varepsilon$, mit jeweils $\varepsilon \to 0$.
- **d.** Mit welcher Anfangsdrehzahl muss sich das Schwungrad am Anfangspunkt (A) der Loopingbahn drehen?
- **XI-2.** Zwei Schwungräder in Form von homogenen Vollzylindern mit den Massen $m_1 = 0.8 \, kg$ und $m_2 = 1.5 \, kg$ und dem Radius $R_1 = R_2 = 10 \, cm$ haben eine Drehzahl von $n_1 = 900 \, \mathrm{min}^{-1}$ und $n_2 = 600 \, \mathrm{min}^{-1}$. Die beiden Schwungräder werden gekuppelt. Die Kupplungszeit dauert $\Delta T = 0.5 \, s$.
- **a.** Welche gemeinsame Drehfrequenz haben die Schwungräder nach dem Kuppeln?
- **b.** Wie groß ist der Drehimpuls der beiden verkuppelten Schwungräder?
- c. Berechnen Sie die Veränderung des Drehimpulses vor und nach dem Kupplungsvorgang für beide Schwungräder getrennt. Kommentieren Sie das Ergebnis.
- **d.** Welches Drehmoment hat beim Kupplungsvorgang gewirkt?
- **e.** Betrachten Sie die Energien: Welche Energien hatten die Schwungräder vor, welche Energie haben sie nach der Kupplung? Gilt der Energieerhaltungssatz? Kommentieren Sie auch dies Ergebnis.